CENTRALNA
KOMISJA
EGZAMINACYJNA

Arkusz zawiera informacje prawnie chronione do momentu rozpoczęcia egzaminu.

UZUPEŁNIA ZDAJĄCY

KOD	PESEL

Miejsce na naklejkę z kodem

☐ dysleksja

EGZAMIN MATURALNY Z MATEMATYKI

POZIOM PODSTAWOWY

25 SIERPNIA 2015

Godzina rozpoczęcia: 9:00

Czas pracy: 170 minut

Liczba punktów do uzyskania: 50

Instrukcja dla zdającego

1. Sprawdź, czy arkusz egzaminacyjny zawiera 22 strony (zadania 1–34). Ewentualny brak zgłoś przewodniczącemu zespołu nadzorującego egzamin.
2. Rozwiązania zadań i odpowiedzi wpisuj w miejscu na to przeznaczonym.
3. Odpowiedzi do zadań zamkniętych (1–25) przenieś na kartę odpowiedzi, zaznaczając je w części karty przeznaczonej dla zdającego. Zamaluj ■ pola do tego przeznaczone. Błędne zaznaczenie otocz kółkiem ■ i zaznacz właściwe.
4. Pamiętaj, że pominięcie argumentacji lub istotnych obliczeń w rozwiązaniu zadania otwartego (26–34) może spowodować, że za to rozwiązanie nie będziesz mógł dostać pełnej liczby punktów.
5. Pisz czytelnie i używaj <u>tylko długopisu lub pióra</u> z czarnym tuszem lub atramentem.
6. Nie używaj korektora, a błędne zapisy wyraźnie przekreśl.
7. Pamiętaj, że zapisy w brudnopisie nie będą oceniane.
8. Możesz korzystać z zestawu wzorów matematycznych, cyrkla i linijki oraz kalkulatora prostego.
9. Na tej stronie oraz na karcie odpowiedzi wpisz swój numer PESEL i przyklej naklejkę z kodem.
10. Nie wpisuj żadnych znaków w części przeznaczonej dla egzaminatora.

MMA-P1_1P-154

W zadaniach od 1. do 25. wybierz i zaznacz na karcie odpowiedzi poprawną odpowiedź.

Zadanie 1. *(1 pkt)*

Niech $a=\frac{2}{3}$, $b=\frac{1}{2}$. Wtedy wartość wyrażenia $\frac{a+b}{a\cdot b}$ jest równa

A. $\frac{7}{2}$ **B.** $\frac{9}{5}$ **C.** $\frac{7}{18}$ **D.** $\frac{3}{2}$

Zadanie 2. *(1 pkt)*

Cenę pewnego towaru obniżano dwukrotnie, za każdym razem o 20%. Takie dwie obniżki ceny tego towaru można zastąpić równoważną im jedną obniżką

A. o 40%. **B.** o 36%. **C.** o 32%. **D.** o 28%.

Zadanie 3. *(1 pkt)*

Liczba $\frac{5^{12}\cdot 9^{5}}{15^{10}}$ jest równa

A. 25 **B.** 3^7 **C.** 3^3 **D.** $\frac{25}{27}$

Zadanie 4. *(1 pkt)*

W rozwinięciu dziesiętnym ułamka $\frac{2}{7}$ na trzydziestym miejscu po przecinku stoi cyfra

A. 7 **B.** 1 **C.** 2 **D.** 4

Zadanie 5. *(1 pkt)*

Wskaż największą liczbę całkowitą spełniającą nierówność $\frac{x}{4}-\sqrt{3}<0$.

A. 5 **B.** 6 **C.** 7 **D.** 8

Zadanie 6. *(1 pkt)*

Wyrażenie $9-(y-3)^2$ jest równe

A. $-y^2+18$ **B.** $-y^2+6y$ **C.** $-y^2$ **D.** $-y^2+6y+18$

Zadanie 7. *(1 pkt)*

Iloczyn liczb spełniających równanie $\left(x-\frac{1}{2}\right)^2-\frac{25}{4}=0$ jest równy

A. 6 **B.** -5 **C.** 5 **D.** -6

BRUDNOPIS *(nie podlega ocenie)*

Zadanie 8. *(1 pkt)*

Wierzchołek paraboli będącej wykresem funkcji kwadratowej $y = f(x)$ ma współrzędne $(2, 2)$. Wówczas wierzchołek paraboli będącej wykresem funkcji $g(x) = f(x+2)$ ma współrzędne

A. $(0, 2)$ **B.** $(4, 2)$ **C.** $(2, 0)$ **D.** $(2, 4)$

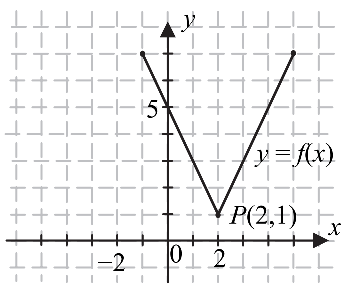
Zadanie 9. *(1 pkt)*

Miejsce zerowe funkcji liniowej $f(x) = x + 3m$ jest większe od 2 dla każdej liczby m spełniającej warunek

A. $m < -\frac{2}{3}$ **B.** $-\frac{2}{3} < m < \frac{1}{3}$ **C.** $\frac{1}{3} < m < 1$ **D.** $m > 1$

Zadanie 10. *(1 pkt)*

Na rysunku przedstawiony jest wykres funkcji *f*.



Wskaż wzór funkcji, której wykres jest symetryczny do wykresu funkcji *f* względem osi *Oy* układu współrzędnych.

A. $y = f(x-4)$ **B.** $y = f(x) - 4$ **C.** $y = f(x+4)$ **D.** $y = f(x) + 4$

Zadanie 11. *(1 pkt)*

Osią symetrii wykresu funkcji kwadratowej $f(x) = -2x^2 - 8x + 6$ jest prosta o równaniu

A. $y = 2$ **B.** $y = -2$ **C.** $x = 2$ **D.** $x = -2$

Zadanie 12. *(1 pkt)*

Ciąg (a_n) jest określony dla $n \geq 1$ wzorem: $a_n = 2n - 1$. Suma jedenastu początkowych wyrazów tego ciągu jest równa

A. 101 **B.** 121 **C.** 99 **D.** 81

Zadanie 13. *(1 pkt)*

Dany jest ciąg arytmetyczny (a_n) dla $n \geq 1$, w którym $a_{10} = 11$ oraz $a_{100} = 111$. Wtedy różnica r tego ciągu jest równa

A. $\frac{9}{10}$ **B.** -100 **C.** $\frac{10}{9}$ **D.** 100

BRUDNOPIS *(nie podlega ocenie)*

Zadanie 14. *(1 pkt)*

W trójkącie prostokątnym o długościach przyprostokątnych 2 i 5 cosinus większego z kątów ostrych jest równy

A. $\frac{5}{2}$ **B.** $\frac{2}{5}$ **C.** $\frac{2}{\sqrt{29}}$ **D.** $\frac{5}{\sqrt{29}}$

Zadanie 15. *(1 pkt)*

Kąt α jest ostry oraz $3\sin\alpha - \sqrt{3}\cos\alpha = 0$. Wtedy

A. $\mathrm{tg}\alpha = \frac{1}{3}$ **B.** $\mathrm{tg}\alpha = 3$ **C.** $\mathrm{tg}\alpha = \sqrt{3}$ **D.** $\mathrm{tg}\alpha = \frac{\sqrt{3}}{3}$

Zadanie 16. *(1 pkt)*

Dłuższa przekątna sześciokąta foremnego ma długość $2\sqrt{2}$. Pole tego sześciokąta jest równe

A. $12\sqrt{3}$ **B.** $6\sqrt{3}$ **C.** $2\sqrt{3}$ **D.** $3\sqrt{3}$

Zadanie 17. *(1 pkt)*

Obwody dwóch trójkątów podobnych, których pola pozostają w stosunku $1:4$, mogą być równe

A. 9 i 36 **B.** 18 i 36 **C.** 9 i 144 **D.** 18 i 144

Zadanie 18. *(1 pkt)*

Punkty $A=(3,2)$ i C są przeciwległymi wierzchołkami kwadratu *ABCD*, a punkt $O=(6,5)$ jest środkiem okręgu opisanego na tym kwadracie. Współrzędne punktu C są równe

A. $(9,8)$ **B.** $(15,12)$ **C.** $\left(4\frac{1}{2},3\frac{1}{2}\right)$ **D.** $(3,3)$

Zadanie 19. *(1 pkt)*

Okrąg opisany równaniem $(x-3)^2+(y+2)^2=r^2$ jest styczny do osi *Oy*. Promień r tego okręgu jest równy

A. $\sqrt{13}$ **B.** $\sqrt{5}$ **C.** 3 **D.** 2

Zadanie 20. *(1 pkt)*

Każda krawędź ostrosłupa prawidłowego trójkątnego ma długość 9 (ostrosłup taki jest nazywany czworościanem foremnym). Wysokość tego ostrosłupa jest równa

A. $3\sqrt{6}$ **B.** $3\sqrt{3}$ **C.** $2\sqrt{6}$ **D.** $3\sqrt{2}$

BRUDNOPIS *(nie podlega ocenie)*

Zadanie 21. *(1 pkt)*

Dane są punkty $A=(2,3)$ oraz $B=(-6,-3)$. Promień okręgu wpisanego w trójkąt równoboczny ABC jest równy

A. $\frac{20\sqrt{3}}{3}$ **B.** $\frac{40\sqrt{3}}{3}$ **C.** $\frac{5\sqrt{3}}{3}$ **D.** $\frac{10\sqrt{3}}{3}$

Zadanie 22. *(1 pkt)*

Pole podstawy graniastosłupa prawidłowego czworokątnego jest równe 36, a miara kąta nachylenia przekątnej graniastosłupa do płaszczyzny jego podstawy jest równa $30°$. Wysokość tego graniastosłupa jest równa

A. $3\sqrt{2}$ **B.** $6\sqrt{2}$ **C.** $2\sqrt{6}$ **D.** $3\sqrt{6}$

Zadanie 23. *(1 pkt)*

Ze zbioru $\{0, 1, 2, ..., 15\}$ losujemy jedną liczbę. Prawdopodobieństwo wylosowania liczby pierwszej jest równe

A. $\frac{7}{16}$ **B.** $\frac{3}{8}$ **C.** $\frac{6}{15}$ **D.** $\frac{7}{15}$

Zadanie 24. *(1 pkt)*

Medianą zestawu danych $9, 1, 4, x, 7, 9$ jest liczba 8. Wtedy x może być równe

A. 8 **B.** 4 **C.** 7 **D.** 9

Zadanie 25. *(1 pkt)*

Ile jest wszystkich liczb czterocyfrowych, większych od 3000, utworzonych wyłącznie z cyfr 1, 2, 3, przy założeniu, że cyfry mogą się powtarzać, ale nie wszystkie z tych cyfr muszą być wykorzystane?

A. 3 **B.** 27 **C.** 9 **D.** 6

BRUDNOPIS *(nie podlega ocenie)*

Zadanie 26. ***(2 pkt)***

Rozwiąż równanie $8x^3 + 8x^2 - 3x - 3 = 0$.

Zadanie 27. *(2 pkt)*

Rozwiąż nierówność $5x^2 - 45 \leq 0$.

Odpowiedź: ....

Wypełnia egzaminator	Nr zadania	26.	27.
	Maks. liczba pkt	2	2
	Uzyskana liczba pkt		

Zadanie 28. *(2 pkt)*

Ze zbioru liczb naturalnych dwucyfrowych losowo wybieramy jedną liczbę. Oblicz prawdopodobieństwo zdarzenia A polegającego na tym, że otrzymamy liczbę podzielną przez 9 lub podzielną przez 12.

Odpowiedź: ....

Zadanie 29. *(2 pkt)*

Kąt α jest ostry i spełnia równość $\operatorname{tg}\alpha + \frac{1}{\operatorname{tg}\alpha} = \frac{7}{2}$. Oblicz wartość wyrażenia $\sin\alpha \cdot \cos\alpha$.

Odpowiedź: ....

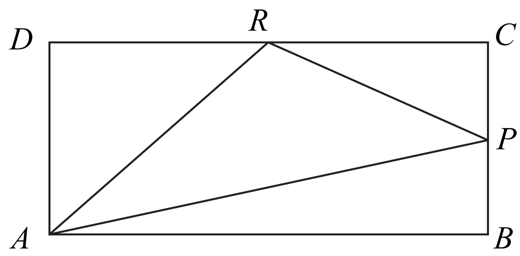
Wypełnia egzaminator	Nr zadania	28.	29.
	Maks. liczba pkt	2	2
	Uzyskana liczba pkt		

Zadanie 30. *(2 pkt)*

Udowodnij, że dla wszystkich nieujemnych liczb rzeczywistych x, y prawdziwa jest nierówność $x^3 + y^3 \geq x^2 y + xy^2$.

Zadanie 31. *(2 pkt)*

W prostokącie $ABCD$ punkt P jest środkiem boku BC, a punkt R jest środkiem boku CD. Wykaż, że pole trójkąta APR jest równe sumie pól trójkątów ADR oraz PCR.



Wypełnia egzaminator	Nr zadania	30.	31.
	Maks. liczba pkt	2	2
	Uzyskana liczba pkt		

Zadanie 32. *(4 pkt)*

Dany jest ciąg arytmetyczny (a_n) o różnicy $r \neq 0$ i pierwszym wyrazie $a_1 = 2$. Pierwszy, drugi i czwarty wyraz tego ciągu są odpowiednio pierwszym, drugim i trzecim wyrazem ciągu geometrycznego. Oblicz iloraz tego ciągu geometrycznego.

Odpowiedź: ....

Wypełnia egzaminator	Nr zadania	32.
	Maks. liczba pkt	4
	Uzyskana liczba pkt	

Zadanie 33. *(4 pkt)*

Wyznacz równanie osi symetrii trójkąta o wierzchołkach $A=(-2,2)$, $B=(6,-2)$, $C=(10,6)$.

Odpowiedź: ....

Wypełnia egzaminator	Nr zadania	33.
	Maks. liczba pkt	4
	Uzyskana liczba pkt	

Zadanie 34. *(5 pkt)*

W ostrosłupie prawidłowym czworokątnym ściana boczna o polu równym 10 jest nachylona do płaszczyzny podstawy pod kątem 60°. Oblicz objętość tego ostrosłupa.

Odpowiedź: ....

Wypełnia egzaminator	Nr zadania	34.
	Maks. liczba pkt	5
	Uzyskana liczba pkt	

BRUDNOPIS *(nie podlega ocenie)*